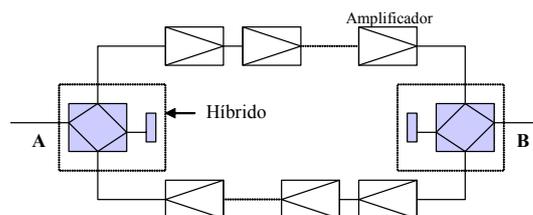


Duração: 3h. **Justifique as suas respostas.**

Grupo I (5 valores)

Uma determinada rede analógica usa (em toda a rede) meios de transmissão metálico cuja velocidade de propagação é $0,7c$ (sendo $c \approx 3 \times 10^8$ m/s) e com atenuação 2 dB/km. Considere uma ligação de voz entre um assinante A e um assinante B ligados a centrais locais distintas distanciadas de 150 km, sendo que as ligações entre as centrais são feitas por cadeias com 15 secções terminadas com amplificadores ideais de ganho 19 dB. Tem-se ainda:

- Comprimento das linhas dos assinantes: 1 km para o A e 2 km para o B;
- Atenuação em cada conversão 2-4 fios: 3 dB
- Atenuação em cada conversão 4-2 fios: 3 dB
- Impedâncias de equilíbrio dos híbridos: 600 Ω
- Impedâncias das linhas de assinante: 400 Ω para o A e 500 Ω para o B.



- 1- (1,5 valores) Especifique todas as funções necessárias nas interfaces de linha de assinante (ILA).
- 2- (1,5 valores) Qual a origem dos ecos nesta rede? Descreva com auxílio de diagramas os dois tipos de ecos (do falante e do ouvinte) que ocorrem neste sistema e descreva as técnicas que existem para os suprimir. Quais os valores da atenuação e dos atrasos dos eco do falante A e do eco do falante B?
- 3- (1 valor) Os ecos dos ouvintes (ouvir o emissor mais que uma vez) têm a mesma importância em termos de amplitude e atraso? Discuta quantitativamente estas diferenças.
- 4- (0,5 valores) Se em vez de uma rede analógica a rede fosse uma rede digital integrada (RDI) ideal, em quanto se alteraria o valor do equivalente de referência numa ligação entre A e B?
- 5- (0,5 valores) Se nessa RDI o código de linha entre centrais fosse o Manchester, o sincronismo dos sinais digitais poderia ser feito em malha aberta?

Grupo II (5 valores)

Um sinal de voz analógico da largura de banda 10 kHz e potência média normalizada $p=0,5$ V² é amostrado, quantificado e codificado usando PCM uniforme com 8 bits/amostra. Considere que os limites do quantificador são ± 1 V.

- 1- (1 valor) Qual a largura de banda mínima para transmitir este sinal em 4-PAM?
- 2- (1 valor) Qual a relação sinal-ruído de quantificação, s/n_q , em dB?
- 3- (1 valor) Demonstre que se em vez de PCM uniforme fosse utilizada a modulação delta a potência do ruído de quantificação granular seria dada por $n_q = \Delta^2/3$. Este seria o único tipo de ruído existente?
- 4- (1 valor) Sabendo que a relação sinal-ruído de saturação é 50 dB, qual a relação $s/(n_q+n_s)$ em dB? [se não fez 2 considere $S/N_q=50$ dB]
- 5- (1 valor) Se o sinal PCM for transmitido com o código de linha HDB3, represente a forma de onda do sinal par quando o sinal analógico normalizado que se está a transmitir é o sinal constante $x(t)=0$ V. Inicialmente considere que o número de impulsos bipolares desde a última substituição é par e que a última polaridade foi “+”.

Duração: 3h (1,5h para o teste 2). As cotações no 2º teste são o dobro das indicadas.
Justifique as suas respostas.

Grupo III (3 valores)

Uma linha bifilar a 5 kHz é caracterizada pelos seguintes parâmetros primários: $R=172 \text{ } \Omega/\text{km}$, $L=0,613 \text{ mH/km}$, $G=0,290 \text{ } \mu\text{S/km}$ e $C=0,052 \text{ } \mu\text{F/km}$

1- (1 valor) Mostre que a constante de propagação, $\gamma(\omega)$, pode ser aproximada tomando para o coeficiente de amplitude e para o coeficiente de fase: $\alpha(\omega) = \beta(\omega) \cong \sqrt{\frac{\omega RC}{2}}$.

2- (1 valor) Obtenha o valor da velocidade de fase e da velocidade de grupo (usando a aproximação anterior) nesta linha.

3- (0,5 valores) Na banda de frequências em que a aproximação é válida, quais as implicações das expressões de $\alpha(\omega)$ e $\beta(\omega)$ na distorção dos sinais nela propagados?

4- (0,5 valores) É possível mostrar que para as altas frequências se tem $\gamma(\omega) \cong \frac{R}{2} \sqrt{\frac{C}{L}} + \frac{G}{2} \sqrt{\frac{L}{C}} + j\omega\sqrt{LC}$.

Que distorções podem ocorrer na linha nestas altas frequências? Descreva a técnica de pupinização das linhas no contexto desta análise da distorção.

Grupo IV (7 valores)

Considere uma ligação ponto a ponto com $\text{BER}=10^{-10}$ suportada em 22 fibras ópticas acopladas, tendo-se:

- Fibras ópticas caracterizadas pelos seguintes parâmetros: índice de refração do núcleo $n_1=1,480$ e índice de refração da bainha $n_2=1,477$; núcleo de raio $a=6 \text{ } \mu\text{m}$ com perfil em degrau; janela espectral em $[1540 \text{ } 1610] \text{ [nm]}$; parâmetro de dispersão intramodal $D_\lambda=12 \text{ ps/(km}\cdot\text{nm)}$ e atenuação $\alpha=0,2 \text{ dB/km}$.
- Um díodo laser radiando o modo central em $\lambda_0=1570 \text{ nm}$ com ganho $g(\lambda_0)=250 \text{ cm}^{-1}$ e ganho de limiar da zona transparente $g_{th}=50 \text{ cm}^{-1}$ e com desvio padrão do espectro $\sigma_\lambda=5 \text{ nm}$; cavidade com região activa de comprimento $L=260 \text{ } \mu\text{m}$ e com índice de refração $n=3,5$. A sua potência de emissão é $P_E=0 \text{ dBm}$ e o tempo de crescimento é 6 ns .
- Conectores no laser-fibra e fibra-detector com atenuação 3 dB
- 21 juntas com atenuação $0,2 \text{ dB}$.
- Um PIN com responsividade $R_\lambda=0,7 \text{ A/W}$ seguido de um amplificador eléctrico ideal. O tempo de crescimento é desprezável no sistema. O integral de Personick é $I_2=1,12$.

1- (1,5 valores) Calcule para estas fibras a diferença de índices normalizada, Δ , a sua abertura numérica, AN , determine se as fibras estão a operar em regime monomodal ou não e converta o valor da largura de banda da janela para o domínio da frequência.

2- (2 valores) Quantos modos são radiados por este díodo laser?

3- (2 valores) Qual o ritmo binário máximo que se pode alcançar numa ligação de 330 km ? Considere que o tempo de crescimento tem de ser inferior a 70% do tempo de bit (transmissão NRZ) e que a margem do sistema deve ser $M=3 \text{ dB}$.

4- (1,5 valor) O sinal à saída do díodo laser modulado directamente é, na notação usual, da forma

$$\begin{cases} \text{bit "0":} & \left[\sqrt{2P_{\text{opt}}(0)} + n_a(t) \right] \cos\left(2\pi\nu_0 t + 2\pi \frac{f_d}{2} t + \phi_0 + \phi_n(t) \right) & 0 \leq t \leq T_b \\ \text{bit "1":} & \left[\sqrt{2P_{\text{opt}}(1)} + n_a(t) \right] \cos\left(2\pi\nu_0 t - 2\pi \frac{f_d}{2} t + \phi_0 + \phi_n(t) \right) & 0 \leq t \leq T_b \end{cases}$$

Nomeie e descreva o significado de cada um dos símbolos da expressão do sinal, explicando a sua origem e quais as suas implicações no sistema de transmissão. O que se teria de alterar no sistema para se eliminar o chirp? Esboce graficamente o espectro deste sinal quando $f_d \gg R_b$.

Formulário para a 1ª época de 2004/2005

1ª parte

Atenuação devido de equilíbrio num híbrido: $B_s = 20 \log_{10} \left(\left| \frac{Z + Z_e}{Z - Z_e} \right| \right)$

(Num filtro ideal equilibrado a atenuação trans-híbrido é pois ∞)

A potência do ruído de quantificação num PCM uniforme obtém-se de

$$n_q = \int_{-q/2}^{q/2} \varepsilon^2 p(\varepsilon) d\varepsilon = \frac{q^2}{12},$$

considerando que o erro ε tem uma distribuição uniforme $P(\varepsilon) = \frac{1}{q}$ no intervalo $[-q/2, +q/2]$.

Codificação de linha HDB3:

Nº de impulsos desde a última substituição	
Ímpar	Par
000V	C00V

V - violação da regra das polaridades; C - codificação mantendo a regra das polaridades.

2ª parte (teste 2)

Constante de propagação: $\gamma(\omega) = \alpha(\omega) + j\beta(\omega) = \sqrt{(R + j\omega L)(G + j\omega C)}$

$$\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) = \text{sen}\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

Velocidade de grupo: $\left(\frac{d\beta(\omega)}{d\omega}\right)^{-1} \quad (\sqrt{u})' = \frac{u'}{2\sqrt{u}}$

Diferença de índices normalizada $\Delta = \frac{n_1^2 - n_2^2}{2n_1^2} \approx \frac{n_1 - n_2}{n_1}$

Abertura numérica: $AN = n \sin \theta_{0,\max} = n_1 \sin \theta_c = (n_1^2 - n_2^2)^{1/2} = n_1 \sqrt{2\Delta}$

Frequência normalizada $V = \frac{2\pi}{\lambda} a n_1 \sqrt{2\Delta}$ O 2º modo de propagação surge em $V \geq 2.405$

$$\left(\frac{1}{u}\right)' = -\frac{u'}{u^2}$$

$$g(\lambda) = g(\lambda_0) \exp\left(-\frac{(\lambda - \lambda_0)^2}{2\sigma^2}\right)$$

$2kL = 2\pi m$ sendo $k = nk_0$ e $k_0 = \frac{2\pi}{\lambda_0}$, $m \in N_0$

Razão de extinção: $r = P_{\text{opt}}("0")/P_{\text{opt}}("1")$

Expressão geral para a sensibilidade de um fotodetector com razão de extinção $r=0$:

$$P_{\text{opt}}^{(\min)} = \frac{Q}{R_\lambda} \left[\frac{\sqrt{\langle i_c^2 \rangle}}{M} + qQF(M)I_2 R_b \right] \quad q = 1,602 \times 10^{-19} \text{C}$$

A função $Q(x)$ passa pelo ponto definido por $Q(6,4) = 10^{-10}$

$$D_{\text{inter}} = \frac{\sigma_{\text{inter}}}{L} = \frac{1}{2\sqrt{3}} \frac{n_1 \Delta}{c} \quad (\text{para imp. rect. e perfil em degrau}) \quad \sigma_{\text{intra}} = |D_\lambda| L \sigma_\lambda$$

$$P_E = P_r + \alpha L + nA_j + 2A_c + M$$

$$T_r^2 = T_{\text{tr}}^2 + T_{\text{fibra}}^2 + T_{\text{rec}}^2$$